

# METODY SZTUCZNEJ INTELIGENCJI - PROJEKTY

PB



## 1 Projekt z wyznaczania reduktów zbioru

**Liczba osób realizujących projekt: 1-2 osoby**

1. Wczytanie danych w formatach arf, tab
2. Wybór atrybutów, które mają zostać uwzględnione podczas wyszukiwania reduktów
3. Wykonanie poszczególnych kroków algorytmu z wypisaniem wyników pośrednich

### 1.1 Nazewnictwo

$(x_1, x_2, \dots)$  - zbiór obiektów, reprezentujących dane

$x_i = \{x_i^1, x_i^2, \dots, x_i^p\}$ , gdzie  $x_i^j$  oznacza atrybut o indeksie  $j$  obiektu  $x_i$ .

$U$  przestrzeń wszystkich obiektów

$X$  - podzbiór zbioru wszystkich obiektów  $U$

$x_i$  - obiekt należący do podzbioru wszystkich obiektów  $U$

$A$  - zbiór wszystkich atrybutów, cech, właściwości

$a_i$  - atrybut należący do zbioru atrybutów  $A$

$V_{a_i}$  - zbiór wszystkich wartości atrybutu  $a_i$  (nazywany dziedziną  $a_i$ )

$V(a_i)$  - zbiór wszystkich wartości atrybutu  $a_i$  (nazywany dziedziną  $a_i$ )

$B$  - niepusty podzbiór  $A$  ( $B \subseteq A$ )

$LOW(X_B)$  - dolna aproksymacja  $X$  względem  $B$

$\underline{X}_B$  - dolna aproksymacja  $X$  względem  $B$

$UPP(X_B)$  - górna aproksymacja  $X$  względem  $B$

$\overline{X}_B$  - górna aproksymacja  $X$  względem  $B$

$AS_B$  - standardowa przestrzeń aproksymacyjna

$AS_{\#, \$}$  - sparametryzowana przestrzeń aproksymacyjna

$R_{a_i}(X)$  - przybliżoność ze względu na  $\{a_i\}$

$Rough_{a_j}(a_i)$  - średnia przybliżoność atrybutu  $a_i$  względem atrybutu  $\{a_j\}$

$MR(a_i)$  - minimalna przybliżoność atrybutu  $a_i$

$MMR$  - minimalna wartość MR wszystkich atrybutów

$IND(B)$  - relacja nierozróżnialności

$[x_i]_{IND(B)}$  - klasa równoważności obiektu  $x_i$  w relacji  $IND(B)$ , nazywana także zbiorem elementarnym w  $B$

$(C_1, C_2, \dots, C_K)$  - klasy, skupienia w danym pogrupowaniu danych

$Card(X)$  - liczebność zbioru  $X$

$|X|$  - liczebność zbioru  $X$

$P(U)$  - zbiór potęgowy zbioru  $U$

## 2 Algorytm - Expansion Algorithm

Przykład, dla podanego systemu informacyjnego:

	a	b	c	d	E
--	---	---	---	---	---

$x_1$	1	0	2	1	1
$x_2$	1	0	2	0	1
$x_3$	1	2	0	0	2
$x_4$	1	2	2	1	0
$x_5$	2	1	0	0	2
$x_6$	2	1	1	0	2
$x_7$	2	1	2	1	1

Tablica 2: System informacyjny

	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$
$x_1$							
$x_2$	d						
$x_3$	b,c,d	b,c					
$x_4$	b	b,d	c,d				
$x_5$	a,b,c,d	a,b,c	a,b,d	a,b,c,d			
$x_6$	a,b,c,d	a,b,c,d	a,b,c	a,b,c,d	c		
$x_7$	a,b	a,b,d	a,b,c,d	a,b	c,d	c,d	

Tablica 3: System informacyjny - macierz rozróżnialności

W tabeli decyzyjnej, dwa atrybuty  $x$  oraz  $y$  nazywane są silnie równoważnymi jeżeli występują zawsze razem w macierzy rozróżnialności. Każdy element można rozpatrywać w postaci alternatywy, to znaczy, jeżeli element macierzy rozróżnialności ma postać  $a, b, c$  wtedy można go zapisać jako  $a \vee b \vee c$ . Funkcja rozróżnialności ma postać koniunkcji wyrażeń w postaci alternatywy macierzy rozróżnialności.

**EXPANSION LAW**

1. odszukać atrybut  $X$  występujący najczęściej (przynajmniej raz)
2. wykonać operacje AND z  $X$  i z wszystkimi pozostałymi OR z macerzy nierozróżnialności, które nie zawierają atrybutu  $X$
3. zastosować koniunkcję AND z elementami OR wszystkich elementów, w których jeżeli element zawiera  $X$ , wyeliminować  $X$ .
4. połączyć elementy otrzymane z punktu (2) i (3)

Przykład: niech będzie zadana macierz rozróżnialności:  $\{\{a, b, e\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{d\}\}$ . Relacja rozróżnialności zadana jest w postaci:  $\{a \vee b \vee e\} \wedge \{a \vee b\} \wedge \{a \vee c\} \wedge d$

W podanej relacji, element  $a$  występuje często. Stosujemy operację AND z  $a$  i  $d$ . Otrzymujemy  $\{a\} \vee \{d\} = \{a, d\}$  - nazwijmy jako komponent I. Po zastosowaniu operacji AND dla  $b \vee c$ ,  $b$  i  $c$  otrzymujemy:  $(b \vee e) \wedge (b) \wedge (c) = \{b, c\} \wedge \{b, c, e\}$  - jako komponent II. W postaci połączonej komponentu I oraz II mamy:  $\{a, d\}, \{b, c\}, \{b, c, e\}$

---

**Algorithm 1:** Algorytm Ekspansji

---

**Data:** System Informacyjny

**Result:** Redukt systemu informacyjnego

Zdefiniować funkcję rozróżnialności  $f = f_1 \wedge f_2 \wedge \dots \wedge f_k$

Step 1 Zastosować prawo absorbcji do wyeliminowania wszystkich wyrażeń w postaci alternatywy, które stanowią nadzbiór pozostałych wyrażeń w postaci alternatywy.

Step 2: Zastąpić zbiór silnie równoważnych atrybutów zmienną zastępczą.

Step 3: Wybrać atrybut, występujący najczęściej w zbiorach w postaci koniunkcji (przynajmniej dwa razy), i zastosować prawo ekspansji.

Step 4: Powórzyć kroki od 1 do 3, do chwili gdy nie można zastosować prawa ekspansji dla każdego komponentu.

Step 5: Zastąpić wszystkie silnie równoważne klasy ich odpowiadającymi atrybutami.

Step 6: Wyznaczyć redukt dla każdego komponentu.

Step 7: Wypisać zintegrowany redukt.

---

---

**Algorithm 2:** Algorytm Ekspansji - przykład

---

**Data:** System Informacyjny**Result:** Redukt systemu informacyjnego - przykład

Relacja rozróżnialności:

$$F = \{a \vee b \vee c \vee f\} \wedge \{b \vee d\} \wedge \{a \vee d \vee e \vee f\} \wedge \{a \vee b \vee c \vee d\} \wedge \{b \vee d \vee e \vee f\} \wedge \{c \vee d\}$$

Zastosowanie prawa absorbcji:

$$\{b \vee d\} \subseteq \{a \vee b \vee c \vee d\} \Rightarrow \{b \vee d\} \wedge \{a \vee b \vee c \vee d\} = \{b \vee d\}$$

Zastosowanie prawa absorbcji:

$$\{b \vee d\} \subseteq \{b \vee d \vee e \vee f\} \Rightarrow \{b \vee d\} \wedge \{b \vee d \vee e \vee f\} = \{b \vee d\}$$

Po powyższych przekształceniach, relacja rozróżnialności przyjmuje postać:

$$F = \{a \vee b \vee c \vee f\} \wedge \{b \vee d\} \wedge \{a \vee d \vee e \vee f\} \wedge \{c \vee d\}$$

Relacja silnej równoważności:

Atrybuty  $\{a, f\}$  silnie równoważne. Oznaczenie  $M = \{a \vee f\}$ 

relacja rozróżnialności przyjmuje postać:

$$F = \{M \vee b \vee c\} \wedge \{b \vee d\} \wedge \{M \vee d \vee e\} \wedge \{c \vee d\}$$

Atrybut  $d$  występuje często. Zastosowanie prawa ekspansji:

$$F = [\{d\} \wedge \{M \vee b \vee c\}] \wedge [\{M \vee b \vee c\} \wedge \{b\} \wedge \{M \vee e\} \wedge \{c\}]$$

Zastosowanie prawa absorbcji dla drugiego komponentu:

$$F = [d \wedge \{M \vee b \vee c\}] \wedge [\{b\} \wedge \{M \vee e\} \wedge \{c\}]$$

W ten sposób wszystkie komponenty znajdują się w prostej postaci.

Zastąpienie  $M$  przez  $a \vee f$  daje w wyniku:

$$F = [\{d\} \wedge \{M \vee b \vee c\}] \wedge [\{b\} \wedge \{M \vee e\} \wedge \{c\}]$$

Redukt pierwszego komponentu:  $R_1 = \{a, d\}, \{d, f\}, \{b, d\}, \{b, c\}$ Redukt drugiego komponentu:  $R_2 = \{a, b, c\}, \{b, c, f\}, \{b, c, e\}$ 

Redukt wynikowy przyjmuje postać:

$$R = \{a, d\}, \{d, f\}, \{b, d\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}, \{b, c, f\}, \{b, c, e\}$$


---