

Sztuczna Inteligencja

Tematy projektów – Sieci Neuronowe

Projekt 1

Stwórz projekt implementujący jednokierunkową sztuczną neuronową złożoną z neuronów typu sigmoidalnego z algorytmem uczenia opartym na wstecznej propagacji błędów z wykorzystaniem metody największego spadku (metoda gradientowa).

Sieć powinna umożliwiać:

- definiowanie współczynnika uczenia (X pkt.),
- konfigurację ilości warstw ukrytych (X pkt.),
- ustalenie ilości neuronów w poszczególnych warstwach (X pkt.),
- odczyt danych treningowych i testujących ze zbiorów *.tab oraz *.arff (X pkt.),
- wizualizację błędów w trakcie procesu uczenia (X pkt.),
- ustalenie warunku zatrzymania procesu uczenia (maksymalny błąd lub ilość iteracji) (X pkt.),
- wybór metody największego spadku z członem momentum (X pkt.),
- wykorzystanie innych funkcji aktywacji neuronów (unipolarna, bipolarna),

Projekt 2

Stwórz aplikację wizualizującą działanie oraz uczenie pojedynczego neuronu typu:

- perceptron (X pkt.),
- Adaline (X pkt.).

Aplikacja powinna umożliwiać wyznaczenie równania prostej rozdzielającej dwa zbiory punktów podanych na płaszczyźnie (pod warunkiem, że taka prosta istnieje) i dodatkowo:

- wizualizację tej prostej oraz punktów (X pkt.),
- wykres błędów procesu uczenia (X pkt.),
- ustalenie warunku zatrzymania procesu uczenia (maksymalny błąd lub ilość iteracji) (X pkt.).

Pomoc do projektów

Projekt 1

Działanie algorytmu dla pojedynczej epoki rozpoczyna się od podania pierwszego wzorca uczącego na wejście sieci. Najpierw jest on przetwarzany przez pierwszą, następnie przez kolejną k -tą warstwę neuronów, gdzie przetworzenie przez pojedynczy i -ty neuron w tej warstwie dane jest zależnością:

$$y_i^k = f(s_i^k(t)) = f\left(\sum_{j=0}^{N_{k-1}} w_{ij}^k(t) x_j^k(t)\right)$$

Otrzymane w ten sposób sygnały z warstwy poprzedniej (k -tej) stają się sygnałami wejściowymi dla warstwy kolejnej ($k+1$). Znając sygnały wyjściowe warstwy ostatniej (L) oraz sygnał wzorcowy d_i (pożądany sygnał warstwy wyjściowej dla danej próbki), można obliczyć błąd na wyjściu sieci zgodnie z zależnością:

$$Q_i^L(t) = d_i^L(t) - y_i^L(t)$$

Teraz można zmodyfikować wagi neuronów warstwy ostatniej korzystając z reguły delta. Modyfikacja wagi j -tej neuronu i -tego przebiega zgodnie z wzorem:

$$w_{ij}^L(t+1) = w_{ij}^L(t) + 2\eta \delta_i^L(t) x_j^L(t), \text{ gdzie } \eta - \text{współczynnik uczenia } (0,1)$$

$$\delta_i^L = Q_i^L(t) f'(s_i^L(t)), \text{ gdzie } f' - \text{pochodna przyjętej funkcji aktywacji}$$

Po tym kroku następuje modyfikacja wag neuronów warstw poprzednich (wsteczna propagacja błędów) zgodnie z zależnościami:

$$w_{ij}^k(t+1) = w_{ij}^k(t) + 2\eta \delta_i^k(t) x_j^k(t)$$

$$\delta_i^k = Q_i^k(t) f'(s_i^k(t))$$

$$Q_i^k(t) = \sum_{m=1}^{N_{k+1}} \delta_m^{k+1}(t) w_{mi}^{k+1}(t)$$

Po modyfikacji wag neuronów w warstwie pierwszej, na wejście sieci podawana jest kolejna próbka.

Dodanie członu momentum polega na przebudowaniu wzoru do modyfikacji wag:

$$w_{ij}^k(t+1) = w_{ij}^k(t) + 2\eta \delta_i^k(t) x_j^k(t) + \alpha [w_{ij}^k(t) - w_{ij}^k(t-1)], \text{ gdzie } \alpha - \text{momentum } (0,1)$$

Jak łatwo zauważyć, człon momentum modyfikuje daną wagę w zależności od wielkości jej zmiany w poprzednim kroku.

Funkcje unipolarna i bipolarna neuronu sigmoidalnego dane są wzorami:

- unipolarna: $f(x) = \frac{1}{1 + e^{-\beta x}}$
- bipolarna: $f(x) = \frac{1 - e^{-\beta x}}{1 + e^{-\beta x}}$

Pierwsze pochodne tych funkcji dane są wzorami:

- unipolarna: $f'(x) = \beta f(x)(1 - f(x))$
- bipolarna: $f'(x) = \beta(1 - f^2(x))$

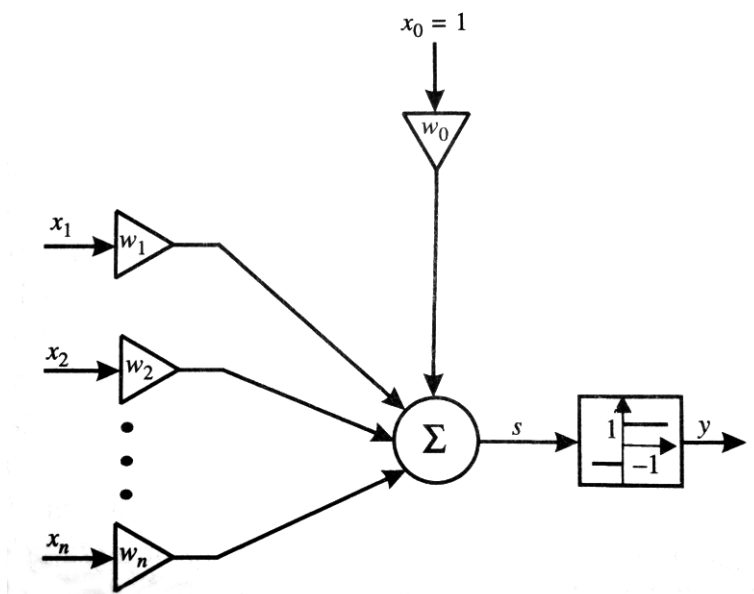
Podsumowanie wykorzystywanych oznaczeń:

- i, m – numer neuronu,
- j – numer wagi neuronu,
- k – numer warstwy,
- L – warstwa wyjściowa (numer ostatniej warstwy),
- t – iteracja w epoce, numer próbki uczącej,
- x – wartość wejściowa neuronu.

Projekt 2

Perceptron

Na rysunku nr 1 przedstawiony jest schemat neuronu typu perceptron.



Rys. 1: Schemat neuronu typu perceptron

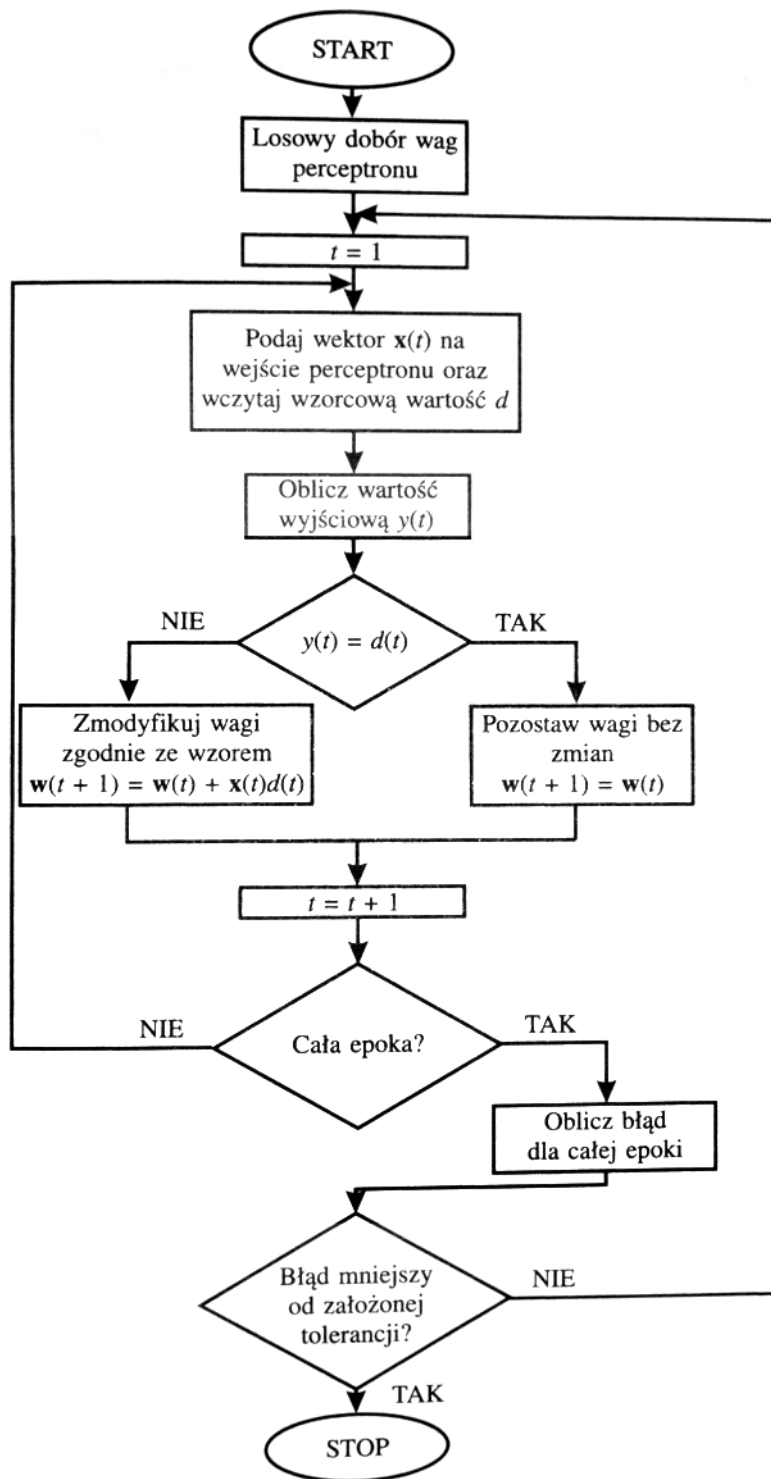
Funkcja aktywacji tego neuronu dana jest zależnością:

$$f(x) = \begin{cases} 1, & \text{gdy } x > 0 \\ -1, & \text{gdy } x \leq 0 \end{cases}$$

Wartość wyjścia y perceptronu opisana jest równaniem:

$$y = f\left(\sum_{i=1}^n w_i x_i + w_0\right)$$

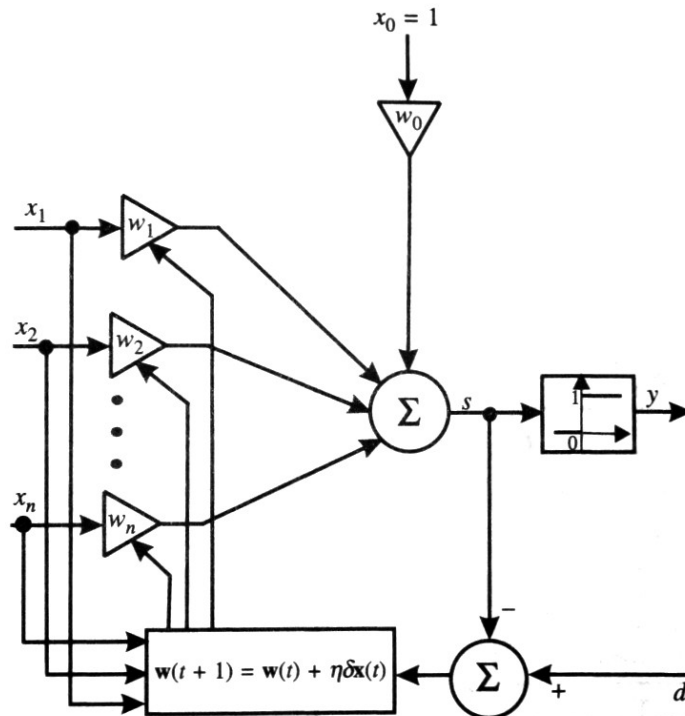
Algorytm uczenia neuronu typu perceptron przedstawiony jest w postaci schematu blokowego na rysunku nr 2.



Rys. 2: Algorytm uczenia neuronu typu perceptron

Adaline

Na rysunku nr 3 przedstawiony jest schemat neuronu typu Adaline (ang. *Adaptive Linear Neuron*). Widać wyraźnie, że różnica pomiędzy neuronem typu perceptron oraz neuronem typu Adaline polega na tym, że w procesie uczenia sygnał wzorcowy d jest porównywany z sygnałem s sumatora.



Rys. 3: Schemat neuronu typu Adaline

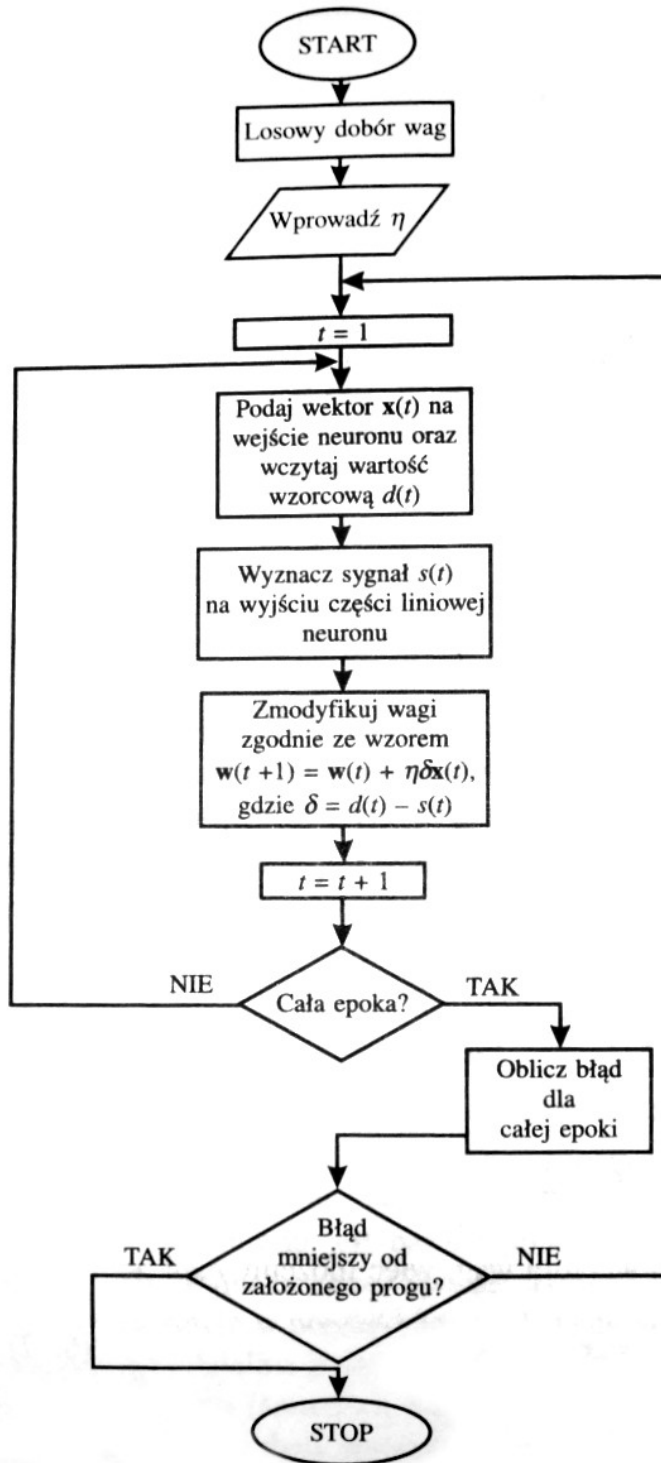
Funkcja aktywacji tego neuronu dana jest zależnością:

$$f(x) = \begin{cases} 1, & \text{gdy } x > 0 \\ 0, & \text{gdy } x \leq 0 \end{cases}$$

Wartość wyjścia y neuronu typu Adaline opisana jest równaniem:

$$y = f\left(\sum_{i=1}^n w_i x_i + w_0\right)$$

Algorytm uczenia neuronu typu Adaline przedstawiony jest w postaci schematu blokowego na rysunku nr 4.



Rys. 4: Algorytm uczenia neuronu typu Adaline

Podsumowanie wykorzystywanych oznaczeń:

- i – numer wagi neuronu,
- t – numer iteracji w epoce, numer próbki uczącej,
- d – sygnał wzorcowy,
- y – sygnał wyjściowy neuronu,
- s – sygnał wyjściowy sumatora neuronu,
- x – wartość wejściowa neuronu,
- η – współczynnik uczenia (0,1).

Przykład

Neurony o dwóch wejściach można wykorzystać do podziału płaszczyzny dwuwymiarowej na dwie części za pomocą prostej. Podział ten wyznacza prosta o równaniu:

$$w_1 x_1 + w_2 x_2 + w_0 = 0$$

Po przekształceniu:

$$x_2 = -\frac{w_1}{w_2} \cdot x_1 - \frac{w_0}{w_2}$$

Czyli współczynniki takiej prostej zależą od wartości wag neuronu.

Teraz stosując algorytm uczenia neuronu można te współczynniki wyznaczyć.

Przykładowy ciąg uczący:

x_1	x_2	$d(x)$
2	1	1
2	2	1
0	6	1
-2	8	-1
-2	0	-1
0	0	-1
4	-20	-1